

# **CHAPTER 1**

Reinforced Concrete: Mechanics and Technology

#### CONCRETE AND REINFORCED CONCRETE

Concrete is a mixture of sand, gravel, crushed rock, or other aggregates held together in a rocklike mass with a paste of cement and water. Sometimes one or more admixtures are added to change certain characteristics of the concrete such as its workability, durability, and time of hardening. As with most rocklike substances, concrete has a high compressive strength and a very low tensile strength. Reinforced concrete is a combination of concrete and steel wherein the steel reinforcement provides the tensile strength lacking in the concrete. Steel reinforcing is also capable of resisting compression forces and is used in columns as well as in other situations, which are described later.

Ali R. Emami

Reinforced Concrete: Mechanics and Design

# ۲-۷-۲ تعریف مقاومت فشاری بتن و محدودهٔ تغییرات آن

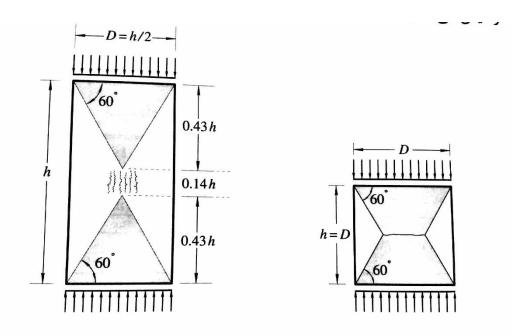
مقاومت فشاری بتن نه تنها به عنوان مهمترین خصوصیت مکانیکی بتن، بلکه به عنوان یکی از مهمترین خواص رفتاری بتن شناخته می شود. مقاومت فشاری بتن ممکن است بر اساس نمونهٔ استوانهای و یا نمونهٔ مکعبی سنجیده شود. نمونهٔ استوانهای به صورت استاندارد، قطر ۱۵۰ میلیمتر و ارتفاع ۳۰۰ میلیمتر دارد؛ همچنین بعد نمونهٔ مکعبی به صورت استاندارد برابر ۱۵۰ میلیمتر و یا ۲۰۰ میلیمتر است. هر نمونه در سه لایه و با ۲۵ بار میلهزدن با میلهای به قطر ۱۶ میلیمتر برای تراکم هر لایه، ریخته شده و به مدت ۲۸ روز در زیر آب و یا در اطاقی با رطوبت نسبی ۱۰۰ درصد و در دمایی در محدودهٔ ۲۱ تا ۲۵ درجهٔ سانتی گراد مراقبت می شود. آن گاه نمونهها تحت سرعت بارگذاری مشخص ( ASTM C39 بر اساس استاندارد ASTM C39 بر اساس استاندارد ASTM C39 بر اساس استاندارد ASTM C39 برای نمونهٔ استوانهای با ASTM و تا نقطهٔ شکست بارگذاری می شوند. مقاومت حاصله برای نمونهٔ استوانهای با ASTM نمایش داده می شود.

با استفاده از اختلاط اولیهٔ یکسان، ممکن است تحت شرایط متفاوت، بتن از خود مقاومت فشاری متفاوتی نشان دهد. در ادامه به بعضی از عوامل تأثیرگذار بر مقاومت فشاری بتن پرداخته می شود.

#### ١- نوع نمونه

نوع نمونه بر مقاومت فشاری بتن اثر می گذارد؛ به صورتی که مقاومت فشاری که روزهٔ نمونه بر مقاومت فشاری ۲۸ روزهٔ نمونهٔ استوانهای استاندارد با قطر ۱۵۰ میلیمتر و ارتفاع ۳۰۰ میلیمتر، در حدود ۸۰ درصد مقاومت فشاری ۲۸ روزهٔ نمونهٔ مکعبی با بعد ۱۵۰ میلیمتر  $(f_c'\approx 0.8f_{cu})$ ؛ و در حدود ۸۳ درصد مقاومت فشاری ۲۸ روزهٔ نمونهٔ مکعبی با بعد ۲۰۰ میلیمتر است. با این وجود برای بتن سبک وزن، مقاومت فشاری نمونههای استوانهای و مکعبی تقریباً یکسان خواهند بود.

علت اصلی تفاوت مقاومت نمونهٔ استوانهای و مکعبی را باید در تفاوت نسبت ابعاد هر کدام از نمونهها، و ایجاد تنشهای برشی بین صفحات فولادی اِعمال بار و سطح نمونه به دلیل تفاوت در مدول الاستیسیته و ضریب پواسون فولاد و بتن جستجو کرد. چنین تنشهای برشی با زاویهٔ ۶۰ درجه در نمونه نفوذ می کنند و بنابراین نفوذ این تنشها از دو طرف نمونه حداکثر به میزان "tan 60" ضرب در بعد افقی نمونه خواهد بود. بدین ترتیب برای نمونههایی با نسبت ارتفاع به عرض بیش از ۱/۷۳ ناحیهای از وسط وجود خواهد داشت که بدون تأثیر این تنشهای جانبی و فقط تحت تأثیر تنشهای خالص فشاری قرار می گیرد. این وضعیت می تواند بر آورد واقع بینانهای از مقاومت فشاری تک محوری حقیقی بتن به دست دهد. در صورتی که در نمونهٔ مکعبی با نسبت ابعاد ۱/۰، رئوس هرمهای دربردارندهٔ تنشهای برشی تولید شده در هم تداخل کرده و هیچ ناحیهای تحت تنش خالص فشاری قرار ندارد.



شکل ۲-۲ توزیع تنشهای جانبی (اصطکاکی) ناشی از تفاوت خصوصیات بتن و صفحهٔ فولادی اعمال بار، در ارتفاع نمونههای استوانهای و مکعبی

عامل دیگری نیز ممکن است در تفاوت مقاومت فشاری نمونههای مکعبی و استوانهای دخالت داشته باشد. در نمونهٔ استوانهای جهت بتنریزی و جهت اعمال تنش یکسان است؛ در حالی که در نمونهٔ مکعبی معمولاً به جهت استفاده از سطوح صافتر و موازی، نمونه را طوری زیر دستگاه قرار میدهند که جهت اعمال تنش عمود بر جهت بتنریزی است. این مسأله به خصوص اگر بتن همگن نباشد، تأثیر قابل توجهی بر نتایج آزمایش میگذارد.

لازم به ذکر است که امروزه در بسیاری از کشورهای جهان و از جمله آمریکا، کانادا، استرالیا و ایران، از مقاومت فشاری نمونهٔ استوانهای  $(f_c')$  استفاده میشود. در مقابل در بعضی از کشورهای اروپایی، مقاومت فشاری نمونهٔ معکبی  $(f'_{cu})$  مورد استفاده قرار می گیرد.

### ٢- اندازهٔ نمونه

اندازهٔ نمونهٔ بتنی هم بر عددی که در آزمایشگاه به عنوان مقاومت فشاری ۲۸ روزه حاصل می شود، تأثیر می گذارد. در محدودهٔ ابعاد متداول نمونهها، هر چه اندازهٔ نمونه بزرگ تر شود، مقاومت فشاری آن کاهش خواهد یافت. از جدول ۲-۱ می توان نسبت مقاومت فشاری نمونههای استوانهای با نسبت ابعاد ۲/۰ و با قطر غیر استاندارد، نسبت به مقاومت فشاری نمونههای استاندارد با قطر ۱۵۰ میلی متر و با ارتفاع ۳۰۰ میلی متر، و هم چنین نسبت مقاومت فشاری نمونههای مکعبی با ابعاد متفاوت، نسبت به مقاومت فشاری نمونههای استاندارد با بعد ۱۵۰ میلی متر را به دست آورد.

علت تأثیر اندازهٔ نمونه بر مقاومت فشاری بتن را می توان به مسألهٔ احتمالات در رابطه با وجود ضعف در بتن نمونه نسبت داد. اصولاً بتن جسم کاملاً همگن و با کنترل کیفیت عالی نبوده و همیشه احتمال وجود نقاط ضعفی در آن وجود خواهد داشت. این نقاط ضعف، مقاومت فشاری نمونهٔ آزمایشگاهی را تحت تأثیر قرار می دهد. هر چه بعد نمونه بزرگتر بوده و حجم بتن بیش ترباشد، احتمال وجود نقاط ضعیف بیش تر، افزایش یافته و مقاومت نمونه کاهش می یابد. با این وجود، چنان چه ابعاد نمونه بزرگتر از ابعاد متداول شود، نقاط ضعف در نمونه به میزان یک نواختی خواهد رسید و دیگر با افزایش بعد نمونه، کاهش مقاومت مشاهده نخواهد شد. این نکته را

جدول ۲-۲ نسبت مقاومت فشاری نمونههای با ابعاد غیر استاندارد به مقاومت فشاری نمونههای استاندارد

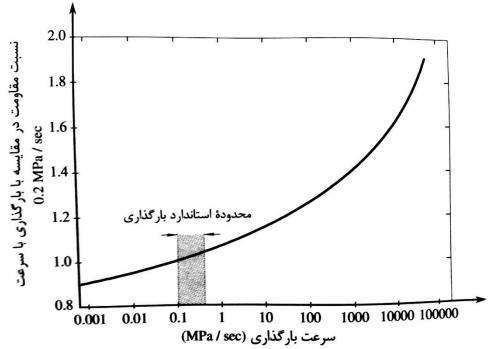
۶۰۰ ×	۴۵۰ ×	۳۰۰ × ۶۰۰	×	۱۵۰ ×	۱۰۰ ×	٧۵ × ۱۵۰	۵۰ ×	اندازهٔ نمونه (mm)	نمونههای استوانهای –
-/**	٠/٨۶	٠/٩١	-/98				1/•9	نسبت مقاومت	
		۳۰۰	۲۵۰	۲۰۰	۱۵۰	1		اندازهٔ نمونه (mm)	نمونههای
		٠/٩	-/94	٠/٩٧	1/••	1/1•		نسبت مقاومت	منعبی

#### ۳- سرعت بارگذاری

سرعت بارگذاری به صورت میزان افزایش تنش در واحد زمان تعریف میشود. سرعت بارگذاری نمونهٔ آزمایشی بتنی بر مقاومتی که آن نمونه از خود نشان میدهد، تأثیر میگذارد؛ به صورتی که هر چه سرعت اعمال تنش بالاتر باشد، بتن از خود مقاومت بیشتری نشان میدهد. شکل ۲-۳ تأثیر سرعت بارگذاری را بر مقاومت فشاری بتن نشان میدهد.

دلیل افزایش مقاومت فشاری در سرعت بارگذاری بالاتر را میتوان در پدیدهٔ خزش جستجو کرد. هر چه سرعت بارگذاری کمتر باشد، خزش بیشتری در نمونه اتفاق میافتد و بنابراین تحت سطح مشخصی از تنش، کرنشهای فشاری بیشتری اتفاق میافتد، که این مسأله منجر به شکست نمونه تحت تنش کمتری خواهد شد.

همانگونه که در شکل ۲-۳ مشاهده می شود، در محدوهٔ سرعتهای بارگذاری استاندارد، تفاوت عمدهای در مقاومت فشاری حاصل نمی شود. نتایج تجربی بعضی از تحقیقات نشان داده است که در مقایسه با سرعت بارگذاری در محدودهٔ استاندارد و برابر با 0.25 MPa/sec، برای نمونههای استوانهای ۲۵۰×۱۵۰ میلی متر، چنان چه سرعت بارگذاری به ۳ درصد کاهش یابد (۳۰ برابر کم شود)، مقاومت فشاری استوانهای فقط ۱۲ درصد کاهش می یابد. از طرفی در همین وضعیت اگر سرعت بارگذاری ۳۰ برابر افزایش می یابد. در مدود ۱۲ درصد افزایش می یابد. در



## ۴- عوامل مرتبط با نوع و درصد مصالح بتن و نحوهٔ مراقبت

به جز عوامل فوقالذکر، عوامل دیگری نیز بر مقاومت فشاری بتن تاثیر می گذارند که عمدتاً عوامل درونی محسوب شده و به نوع و میزان پیشرفت ترکیبات موجود در بتن بر می گردند. این عوامل به صورت خلاصه از قرار زیر هستند:

الف- نوع سیمان: نوع سیمان مصرفی در گیرش اولیه تأثیر گذاشته و مقاومت برای فشاری ۳ روزه و ۷ روزهٔ متفاوتی را ایجاد میکند. این روند کسب مقاومت برای مقاومت فشاری ۲۸ روزه نیز قابل تعمیم است؛ ولی مقاومت فشاری دراز مدت بتنهای ساخته شده با انواع سیمان تقریباً یکسان است. حتی گاهی مقاومت دراز مدت بتنهای بتنهای ساخته شده با سیمانهای دیرگیر، کمی بیش از مقاومت درازمدت بتنهای ساخته شده با سیمانهای معمولی یا زودگیر میباشد. جدول ۲-۲، تأثیر نوع سیمان پرتلند بر مقاومت نسبی بتن در سنین ۱، ۷، ۲۸ و ۹۰ روز را نشان میدهد.

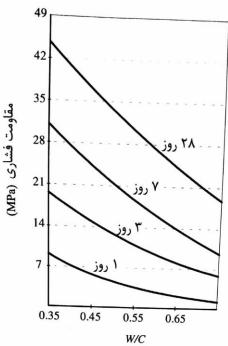
جدول ۲-۲ مقاومت تقریبی نسبی بتن بر اساس نوع سیمان

	نوع سيمان			
۹۰ روز	۲۸ روز	۷ روز	۱ روز	پرتلند
١	1	1	1	I
١	٩.	۸۵	٧۵	II
١	11.	14.	19.	III
١	٧۵	۶۵	۵۵	IV
١	٨۵	٧۵	۶۵	V

ب نسبت آب به سیمان: آبرامز در سال ۱۹۱۸ دریافت که رابطهٔ معکوسی بین نسبت آب به سیمان و مقاومت بتن وجود دارد. این رابطه به عنوان قاعدهٔ نسبت آب به سیمان آبرامز شناخته شده و به صورت رابطهٔ (۲-۱) بیان می گردد.

$$f_c' = \frac{k_1}{k_2^{(W/C)}}$$
 (1-Y)

شایان ذکر است که بر اساس مشاهدات آزمایشگاهی، برای نسبتهای آب به سیمان کم تر از ۰/۳، با کاهش اندک در نسبت آب به سیمان، افزایش قابل ملاحظهای در مقاومت فشاری بتن حاصل می شود. تولید بتنهای با مقاومت خیلی بالا اصولاً با رعایت نسبت آب به سیمان حدود ۰/۲۵ انجام می گیرد.



ج- مواد سیمانی تکمیلی: همان گونه که قبلاً ذکر شد، مواد سیمانی دیگری نظیر خاکستر بادی، میکروسیلیس و یا سرباره میتوانند به عنوان جانشین بخشی از سیمان در بتن به کار روند. چنین موادی اولاً با ابعاد بسیار ریز خود می توانند در خلل و فرج داخلی بتن جای گرفته و بتنی توپر و متراکم تولید کنند؛ و ثانیاً با انجام واکنشهایی با هیدروکسید کلسیم حاصل از ترکیبات سیمان، ترکیبات سختتری را تولید میکنند. در این میان میکروسیلیس نقش ویژه داشته و بهصورت خاص باعث افزایش مقاومت فشاری بتن می گردد.

د- خصوصیات سنگ دانه: در بتن معمولی مقاومت دانهها (به جز سنگ دانههای سبک وزن) بر مقاومت بتن تأثیری نمی گذارد؛ زیرا مقاومت دانههای معمولی به مراتب بیش از مقاومت خمیر سیمان است. با این وجود در بتن با مقاومت بالا، مقاومت دانه نیز بر مقاومت بتن تأثیر می گذارد. به همین دلیل در ساخت بتن با مقاومت بالا حتما باید از دانههای با مقاومت بسیار خوب نظیر کوارتز، و یا لااقل از دانههای با مقاومت متوسط نظیر گرانیت و یا سنگ آهک استفاده نمود؛ استفاده از دانههای ضعیف نظیر ماسه سنگ، مرمر و بعضی از سنگهای دگرگونی سبب شکست زود هنگام این بتن خواهد شد.

ه- شرایط مراقبت از بتن: واژهٔ عمل آوری یا مراقبت از بتن به روشهایی اطلاق میشود که در آن روشها هیدراسیون سیمان ارتقاء داده میشود. این روشها شامل کنترل زمان، شرایط رطوبتی و دما بلافاصله پس از قرار دادن مخلوط بتنی در قالب خواهد بود.

ه-۱ زمان: تحت شرایط مراقبت مرطوب و در دمای معمولی، برای یک بتن مشخص هر چه دورهٔ مراقبت طولانی تر باشد، مقاومت بالاتر خواهد رفت. ارزیابی مقاومت فشاری با گذشت زمان برای بتن ساخته شده با سیمان نوع I و به صورت مرطوب عمل آوری شده در دمای C C را می توان بر اساس پیشنهاد کمیتهٔ ACI 209، با استفاده از رابطهٔ (T-Y) انجام داد.

$$f_c'(t) = f_{c,28}'\left(\frac{t}{4 + 0.85t}\right)$$
 (Y-Y)

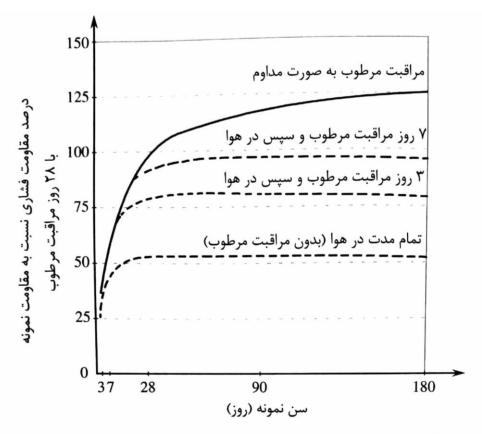
جدول ۲-۳ رشد مقاومت بتن ساخته شده با سیمان نوع I در طول زمان تحت شرایط عمل آوری مناسب

مقاومت	مقاومت	مقاومت	مقاومت	مقاومت	مقاومت ۳		
یک ساله	۳ ماهه	۲۸ روزه	۱۴ روزه	۷ روزه	روزه	استاندارد	
7.118	7117	7.1	7.44	'/. <b>Y</b> •	7.48	ACI 209	
7.17•	7.117	7.1	% <b>9</b> •	<b>%Y</b> A	7.8.	CEB-FIP	

ه-۲ رطوبت: رطوبت کافی در طول دورهٔ عمل آوری تأثیر قابل ملاحظهای بر مقاومت بتن میگذارد. بعضی از تحقیقات نشان میدهد که پس از ۱۸۰ روز و در یک نسبت آب به سیمان معین، مقاومت بتن به صورت مداوم مرطوب عمل آوری شده تا ۳ برابر بزرگتر از مقاومت بتنی است که به صورت مداوم در هوا مراقبت شده است.

از طرفی میزان رطوبت نمونهٔ بتنی در زمان آزمایش نیز بر مقاومت فشاری بتن تأثیر می گذارد. در آزمایشات مشاهده شده است که نمونههای در هوا خشک شده، ۲۰ تا ۲۵ درصد مقاومت بیشتر نسبت به نمونههایی که در شرایط اشباع آزمایش می شوند، از خود نشان می دهند. مقاومت پائین تر نمونههای اشباع احتمالاً به دلیل فشار منفذی موجود در خمیر سیمان است. یادآوری می شود که روش عمل استاندارد، ایجاب می کند که نمونهها فقط ۲ ساعت قبل از آزمایش از آب و یا محیط با رطوبت نسبی ۱۰۰ درصد خارج شوند و بنابراین در زمان آزمایش در وضعیت مرطوب باشند.

شکل ۲-۵، تأثیر شِرایط عمل آوری در دمای  $^{\circ}$ ۲۱ نیز رطوبت نمونه در زمان آزمایش را بر مقاومت فشاری بتن نشان می دهد.



شکل ۲–۵ تأثیر شرایط عمل آوری و میزان رطوبت نمونه در زمان آزمایش بر مقاومت فشاری بتن

ه-۳ دما: برای بتن مرطوب به عمل آمده، تأثیر دما بر مقاومت به تاریخچهٔ زمان – حرارت در هنگام ریختن بتن و مراقبت از بتن بستگی خواهد داشت. در محدودهٔ دمای  $^{\circ}$  تا  $^{\circ}$  تا  $^{\circ}$  وقتی که بتن در یک دمای ثابت و مشخص ریخته شده و مراقبت شود، عموماً تا  $^{\circ}$  ۲۸ روز هر چه دما بالاتر باشد، هیدراسیون سیمان سریعتر بوده و مقاومت بتن بیش ترخواهد بود. جدول  $^{\circ}$  درصد کسب مقاومت یک بتن مشخص را که در محدودهٔ دمای  $^{\circ}$  ۲ تا  $^{\circ}$  ۲ ریخته شده و به صورت مرطوب در همان دما مراقبت شده است، نسبت به مقاومت  $^{\circ}$  ۲۸ روزهٔ بتن ریخته شده و مراقبت شده در دمای  $^{\circ}$  ۲۸ در سنین تا  $^{\circ}$  ۲۸ روز نشان می دهد.

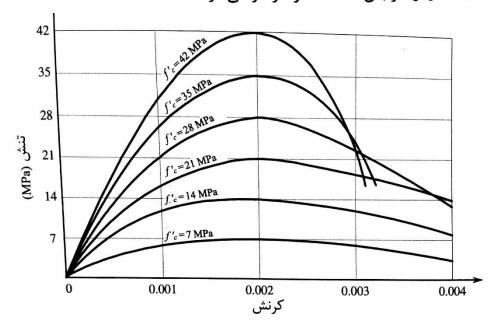
از جدول ۲–۴ ملاحظه می شود که مقاومت ۲۸ روزهٔ بتنی که در دمای  $^{\circ}$  و ریخته و مراقبت شده باشد، حداکثر  $^{\circ}$  درصد مقاومت نمونههای بتنی که در دمای  $^{\circ}$  ۱۳  $^{\circ}$  این وجود در سنین بالاتر،  $^{\circ}$  ۱۳  $^{\circ}$  این وجود در سنین بالاتر،

جدول  $^{\circ}$  درصد مقاومت بتن ریخته شده و مراقبت شده در دمای یکسان بر حسب مقاومت  $^{\circ}$  ۲۱ در سنین مقاومت  $^{\circ}$  ۲۸ روزهٔ بتن ریخته شده و مراقبت شده در دمای  $^{\circ}$  ۲۱ در سنین مختلف

	مقاومت	دمای ریختن بتن			
۲۸ روزه	۱۴ روزه	۷ روزه	۳ روزه	و مراقبت از آن (°C)	
48	۵٧	۴.	۲٠	۴	
98	48	Δ٧	٣.	١٣	
١	٨٠	87	٣٢	71	
۱۰۵	97	٨٢	۵۸	45	

تغییر شکل بتن تحت تنش فشاری با منحنی تنش-کرنش آن مشخص می شود. منحنی نوعی تنش-کرنش بتن تحت فشار تک محوره در شکل ۲-۶ نشان داده شده است. در این شکل مشاهده می شود که تغییر شکل بتن تحت تنش فشاری تک محوره به صورت غیرخطی است؛ به صورتی که هر چه بتن تحت تنش فشاری بالاتری قرار گیرد، رفتار غیرخطی آن بیشتر آشکار می شود. رفتار غیرخطی بتن تحت تنش فشاری ناشی از تشکیل تدریجی ریزترکها در آن است؛ به طوری که هر چه تنش فشاری ناشی از تشکیل تدریجی ریزترکها در آن است؛ به طوری که هر چه تنش افزایش یابد، مقدار ریز ترکها نیز افزایش خواهد یافت. با این وجود رفتار بتن را تا تنش حداکثر ۵۰ درصد مقاومت فشاری آن، می توان با یک رفتار خطی تقریب زد.

کرنش نظیر تنش حداکثر  $f_c$  که با  $g_c$  نمایش داده می شود، برای بتنهای با مقاومت پایین تا بتنهای با مقاومت بالا ممکن است در محدودهٔ ۱۰٬۰۰۸ تا ۱۰٬۰۰۸ در متغیر باشد؛ اگر چه می توان  $g_c$  را برای بتنهای با مقاومت معمولی حدود ۲۰۰۸ در نظر گرفت. هم چنین کرنش نهایی نظیر شکست فشاری بتن که با  $g_c$  نمایش داده می شود، برای انواع بتن از ۱۰۰۳ به بالا خواهد بود. این کرنش برای بعضی از انواع نمونه های بتنی تا ۲۰۰۵ و بالاتر نیز گزارش شده است. در بسیاری از آئین نامههای طراحی به صورت محافظه کارانه فرض می شود که  $g_c$  باشد. از شکل ۲-۶ ملاحظه می شود که با افزایش مقاومت فشاری بتن، کرنش نهایی شکست کاهش یافته و به بیان دیگر، رفتار بتن تحت فشار، تر دتر می شود.



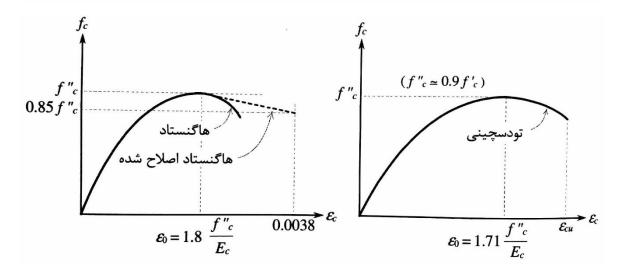
معادلهٔ رفتاری تغییرات تنش فشاری تک محوری بتن بر حسب کرنش را می توان به صورت رابطهٔ (۲-۴) بیان می توان به صورت منحنی هاگنستاد  $^{7}$  یا سهمی هاگنستاد به صورت رابطهٔ (۲-۴) بیان کرد. این منحنی در شکل ۲-۷ الف نمایش داده شده است.

$$f_{c} = f_{c} \left[ \frac{2\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{o}} - \left( \frac{\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{o}} \right)^{2} \right]$$
 (F-Y)

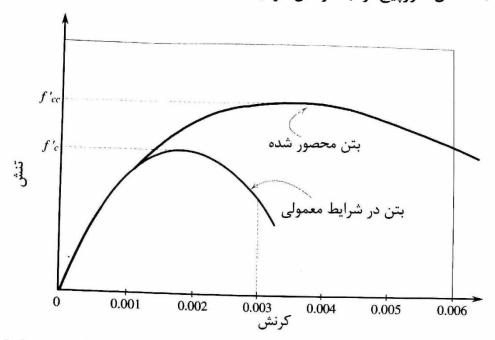
 $c_{c}$  رابطهٔ (۲–۲)  $f_{c}$  تنش حداکثری است که در عضو بتنی حاصل می شود،  $f_{c}$  به صورت در حالی که  $f_{c}$  مقاومت فشاری ۲۸ روزهٔ نمونهٔ استوانهای است. مقدار  $f_{c}$  به صورت می آید که ضریب  $f_{c}$  را می توان برای بتنهایی با مقاومت فشاری استوانهای ۲۵، ۲۰، ۲۵، ۳۵، و مساوی یا بزرگ تر از ۳۵ مگاپاسکال، به ترتیب برابر ۱/۰، ۱۵، ۱۹۰، ۱۹۰ و ۱۹۲۰ در نظر گرفت. منحنی هاگنستاد به صورت برابر ۱/۰، ۱۹۷، ۱۹۷۰، ۱۹۷۰ و ۱۹۲۰ در نظر گرفت. منحنی هاگنستاد به صورت اصلاح شده نیز در شکل ۲–۷ الف، به صورت خط چین نمایش داده شده است که در محاسبات، رفتار بهتری را از خود نشان می دهد.

منحنی تنش- کرنش فشاری بتن را همچنین میتوان بر اساس معادلهٔ تودسچینی که در رابطهٔ (۲-۵) معرفی شده است، تبیین کرد. این منحنی در شکل -Y-Y بنمایش داده شده است.

$$f_c = \frac{2f_c''(\varepsilon_c/\varepsilon_{cu})}{1 + (\varepsilon/\varepsilon_o)^2}$$
 (\Delta-\text{Y})



لازم به ذکر است که منحنی تنش-کرنش بتن، تحت تأثیر وضعیت محصور شدگی نیز قرار می گیرد. چنانچه نمونهٔ بتنی در زمان بارگذاری تحت تأثیر فشار جانبی نیز قرار گیرد، شرایط این نمونه به صورت محصور شده تلقی شده و منحنی تنش کرنش به صورت اساسی تغییر وضعیت خواهد داد؛ به طوری که مقاومت فشاری آن افزایش یافته و همچنین کرنش شکست نهایی آن نیز به مراتب افزایش خواهد یافت. فشار جانبی برای نمونهٔ تحت بار را می توان با قرار دادن نمونه در یک محفظهٔ حاوی مایع تحت فشار ، و یا قرار دادن یک لولهٔ فولادی چسبیده پیرامون نمونهٔ استوانهای بتنی ایجاد نمود. همچنین اگر در یک عضو بتنی از میلگردهای عرضی به شکل دورپیچ و با فواصل نزدیک استفاده شده باشد، تا حدی شرایط



شکل ۲-۹ منحنی تنش-کرنش نمونههای بتنی در شرایط معمولی و شرایط محصورشده

محصور شدگی فراهم میگردد. توجه شود که ایجاد شرایط محصور شدگی برای بتن رفتار به مراتب نرمتر و شکل پذیرتری را برای عضو بتنی فراهم میکند. چنین رفتاری برای تأمین شکل پذیری سازه در مقابل زلزله و سایر بارهای ارتعاشی، به دلیل امکان جذب انرژی ایجاد شده توسط عضو، بسیار مناسب تلقی می شود. شکل ۲-۹ مقایسه ای از منحنی تنش- کرنش بتن را در شرایط معمولی و در شرایط محصور شده، نمایش می دهد.

شیب منحنی تنش- کرنش بتن به عنوان مدول الاستیسیتهٔ بتن محسوب میشود. مدول الاستیسیتهٔ بتن محسوب میشود. مدول الاستیسیتهٔ بتن بسته به نوع بتن، سن بتن، نوع و سرعت بارگذاری، خصوصیات اجزاء بتن و درصد اختلاط، و از همه مهمتر نحوهٔ تعریف مدول الاستیسیته، متفاوت خواهد بود.

مدول الاستيسيته معمولاً به دو صورت تعريف مىشود:

- مدول الاستیسیتهٔ مماسی<sup>۲</sup> که عبارت است از شیب خط مماس بر منحنی تنش- کرنش در هر نقطه از منحنی.

- مدول الاستیسیتهٔ متقاطع یا سکانت که عبارت است از شیب خطی که هر نقطه از منحنی تنش- کرنش را به مبدأ وصل می کند.

### ۲-۹-۲ مدول الاستيسيتة استاتيكي بتن

تعاریفی که برای مدول الاستیسیتهٔ مماسی و مدول الاستیسیتهٔ سکانت ارائه شد، منجر به یک عدد واحد برای مدول الاستیسیتهٔ بتن نخواهند شد؛ این تعاریف برای هر نقطه از منحنی تنش-کرنش بتن، دو عدد برای مدول الاستیسیتهٔ آن بهدست میدهند. به همین جهت به عنوان مدول الاستیسیتهٔ استاتیکی بتن، از تعاریف زیر استفاده میشود:

1- مدول الاستیسیتهٔ مماسی اولیه: شیب خطی که مماس بر منحنی تنش-کرنش در مبدأ رسم می شود.

۲- مدول الاستیسیتهٔ سکانت: شیب خطی که از مبدأ به نقطهای از منحنی تنش که متناظر با ۴۰ درصد تنش حداکثر  $f_c$  است، وصل می شود. این تعریف معمولاً به صورت ساده به نام "مدول الاستیسیتهٔ بتن" خوانده می شود.

 $^{7}$  مدول الاستیسیتهٔ وتری $^{7}$ ؛ این تعریف حالت اصلاح شدهای از تعریف قبلی است؛ با این تفاوت که به جای مبدأ از یک نقطه از منحنی که متناظر با کرنش  $^{5}$   $^{1}$   $^{5}$   $^{1}$   $^{5}$ 

مدول الاستیسیتهٔ استاتیکی بتن را بر اساس 318 ACI برای بتن با وزن مخصوص ( $w_c$ ) مخصوص ( $w_c$ ) محصوص ( $w_c$ ) محصوص کرد.

$$E_c = 0.043 w_c^{1.5} \cdot \sqrt{f_c'}$$
 (9-7)

برای بتن معمولی با وزن مخصوص حدود  $2300\,\mathrm{kg/m^3}$  ، رابطهٔ فوق به صورت ساده تر به شکل رابطهٔ (Y-Y) بیان می شود.

$$E_c = 4700\sqrt{f_c'} \tag{Y-Y}$$

آئیننامهٔ ACI 363 برای محاسبهٔ مدول الاستیسیته در بتن با مقاومت بالا، ابطهٔ (۸-۲) را پیشنهاد می کند.

$$E_c = \left(3320\sqrt{f_c'} + 6900\right) \left(\frac{w_c}{2300}\right)^{1.5} \tag{A-Y}$$

### ۲-۱۰ ضریب پواسون بتن

وقتی که یک نمونهٔ استوانهای بتنی تحت فشار قرار گیرد، همزمان با کوتاه شدن طول نمونه و ایجاد کرنشهای فشاری محوری، نمونه در جهت جانبی افزایش حجم پیدا می کند. نسبت کرنشهای جانبی به کرنش فشاری محوری به عنوان ضریب پواسون خوانده می شود. این ضریب برای بتن با مقاومت بالا در حدود ۱۱/۱، و برای بتن با مقاومت پایین در حدود ۲۱/۱ می باشد. به عنوان یک میانگین مناسب برای ضریب پواسون بتن، عدد ۱۵/۱ تا ۱/۱۷ منطقی به نظر می رسد.

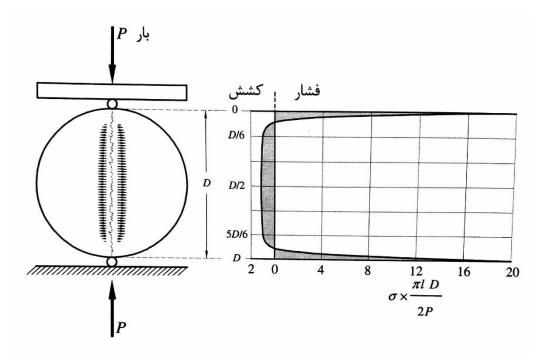
مقاومت کششی بتن ممکن است تحت کشش خالص (کشش مستقیم) و یا کشش ناشی از خمش اندازه گیری شود. بسته به نوع مقاومت کششی تعریف شده، مقاومت کششی بتن (f, ') در محدودهٔ  $\Lambda$  تا ۱۵ درصد مقاومت فشاری آن متغیر خواهد بود.

دلیل کمتر بودن چشم گیر مقاومت کششی بتن نسبت به مقاومت فشاری آن، وجود ریزترکهای فراوان در جسم بتن حتی قبل از شروع آزمایش است. چنین ریزترکهایی در فشار، در ابتدا بسته شده و مشکلی برای باربری فشاری ایجاد نمیکنند؛ اما در کشش مانع از انتقال تنش کششی شده و منجر به گسیختگی زودرس آن نمونه تحت تنش کششی میشوند.

### ۱-۱۱-۲ مقاومت کششی بتن تحت کشش خالص

ایجاد تنش کششی خالص به صورت مستقیم در یک نمونهٔ بتنی در آزمایشگاه چندان آسان نیست؛ زیرا اساساً وسایل نگهداشتن نمونه، تنشهای ثانویهای تولید می کنند که نمی توان اثرات آنها را نادیده انگاشت. استاندارد ASTM C496 برای سنجش مقاومت کششی بتن تحت کشش خالص، آزمایش شکافت کششی یا آزمایش شکافت استوانه را معرفی می کند و مقاومت کششی حاصله را با  $f_{ct}$  نمایش می دهد. این آزمایش به نام آزمایش برزیلی نیز خوانده می شود.

در آزمایش شکافت استوانه، نمونهٔ بتنی استوانهای استاندارد با ابعاد 150×300 mm محوری مخالف تحت فشار قرار می گیرد. بار به صورت پیوسته با سرعت ثابت و در محدودهٔ 0.7 تا 1.4 MPa/sec وارد می شود تا نمونه شکسته شود. تنش فشاری وارد بر این نمونه، تنش کششی متعامدی ایجاد می کند که در طول قطر عمودی تقریباً یکنواخت است. شکل ۲-۱۰ نحوهٔ اعمال بار بر نمونه و تنشهای ایجاد شده در جهت متعامد را نشان می دهد.



شکل ۲-۲ آزمایش شکافت استوانه و توزیع تنش در قطر استوانه

تنش کششی شکافت خوردگی در آزمایش برزیلی از رابطهٔ (۱۲–۱۲) محاسبه می شود. در این رابطه P بار وارده در لحظهٔ شکست، I طول استوانه D قطر استوانه (150 mm) است. آزمایش کششی شکاف خوردگی در مقایسه با کشش مستقیم، ۱۰ تا ۱۵ درصد مقاومت کششی بتن را بیش تر ارزیابی می کند.

$$f_{ct} = \frac{2P}{\pi l D} \tag{1Y-Y}$$

بعضی از محققین برای تعیین مقاومت کششی متوسط ( $f_{cm}$ ) حاصل از آزمایش برزیلی، رابطهٔ (۲–۱۵) را پیشنهاد کردهاند.

$$f_{ctm} = 0.54\sqrt{f_c'} \tag{10-T}$$

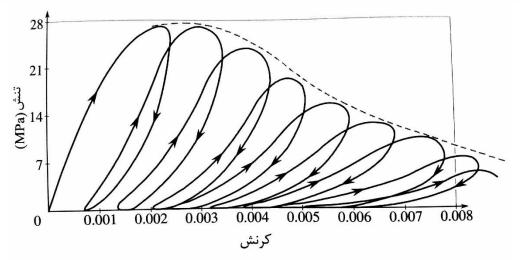
### ۲-۱۱-۲ مقاومت کششی بتن تحت کشش ناشی از خمش

استاندارد ASTM C78 برای سنجش مقاومت کششی بتن تحت کشش ناشی از خمش، بارگذاری خمشی متمرکز در یک سوم دهانهٔ تیر بتنی با ابعاد  $150 \times 150 \times 500$  mm  $150 \times 150 \times 500$  mm بارگذاری می المود. این تیر با سرعت اعمال تنش در محدوهٔ 1.2 MPa/sec تا 1.2 MPa/sec تا طحظهٔ ترک خوردگی و شکست تیر بارگذاری می شود. تنش کششی لحظهٔ ترک خوردگی (شکست) تیر به نام مدول گسیختگی و یا مقاومت خمشی نامیده شده و با  $f_r$  نمایش داده می شود. این تنش بر اساس محاسبات تنش های ناشی از خمش از رابطهٔ (7-1) محاسبه می شود. در این رابطه (7-1) محاسبه می شود. در دو نقطه به فاصلهٔ یک سوم از تکیه گاهها (در هر نقطه (7/2)) وارد شده است.

$$f_r = \frac{Pl}{hd^2} \tag{17-7}$$

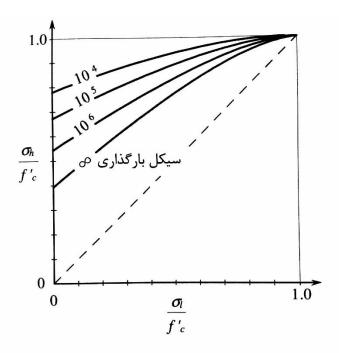
$$f_r = 0.7\sqrt{f_c'} \tag{1Y-Y}$$

آنچه تا کنون در مورد مقاومت بتن گفته شد، همه مربوط به یک بارگذاری استاتیکی بود. با این وجود در بعضی از سازهها، ممکن است بارهای تکراری بر سازه اثر کند. چنانچه یک ماده تحت تعدادی بارهای تکراری، به صورتی که هر کدام از آن بارها کوچکتر از مقاومت فشاری استاتیکی آن ماده است، دچار شکست شود، اصطلاحاً گوییم آن ماده در اثر خستگی اشکسته شده است. پدیدهٔ خستگی در مورد اکثر مصالح و از جمله بتن و فولاد وجود دارد؛ اگر چه در این قسمت فقط مسألهٔ خستگی را در مورد بتن دنبال می کنیم.



شکل ۲-۱۶ منحنیهای تنش-کرنش فشاری بتن تحت بارهای تکراری

مقاومت خستگی بتن را می توان بر اساس منحنی اصلاح شدهٔ گودمن ارزیابی کرد. این منحنی در شکل ۱۸–۲ نمایش داده شده است. چنانچه حد پایینی تنش کرد. این منحنی در شکل ۱۸–۱۸ نمایش داده شده استفاده از منحنی اصلاح شدهٔ گودمن می توان مشخص کرد که در این محدودهٔ تغییرات تنش، با چه سیکلی از بارگذاری نمونهٔ بتنی در اثر خستگی شکسته خواهد شد. بدین منظور نقطهای با مختصات افقی  $\sigma_{l}/f_{c}$  و مختصات قائم  $\sigma_{h}/f_{c}$  را مشخص می کنیم؛ وضعیت این نقطه نسبت به منحنی های موجود، تعداد سیکل بارگذاری مربوط به شکست این نمونه در اثر خستگی را تعیین خواهد نمود.



شکل ۲-۱۸ منحنی اصلاحی گودمن برای تعیین مقاومت خستگی بتن تحت فشار

دقت شود که در مسائل عملی، حد پایینی تنش  $(\sigma_l)$ ، تنش ناشی از بار مرده و یا بار مرده به علاوهٔ قسمتی از بارهای زنده که به صورت ثابت وارد می شوند، می باشد. هم چنین حد بالایی تنش  $(\sigma_h)$ ، تنش ناشی از مجموع بارهای مرده و زنده است. توجه شود که با استفاده از منحنی اصلاحی گودمن، به شرط آن که حد پایینی تنش مشخص باشد، مقاومت خستگی به ازای تعداد مشخصی از سیکل بارگذاری را نیز می توان تعیین کرد. نمودار اصلاحی گودمن نشان می دهد که برای یک دامنهٔ ثابت تغییرات تنش، هر چه مقدار حداقل تنش بیش تر باشد، تعداد سیکل های بارگذاری که یک بتن مشخص می تواند تحمل کند، کم تر خواهد بود. هم چنین هر چه نسبت  $\sigma_h / \sigma_l$  بیش تر باشد، مقاومت بتن در مقابل خستگی کم تر بوده و خستگی در تعداد سیکل کم تری از بارگذاری رخ می دهد. در همین ار تباط، تحقیقات نشان داده است که فرکانس بار متناوب تأثیری بر مقاومت در مقابل خستگی نخواهد داشت.

### ۲-۱۶ انقباض در بتن

افت یا انقباض (و یا آبرفتگی)، جمع شدگی و کاهش حجم بتن است که با از دست رفتن و یا خارج شدن آب جذب شده در ساختار خمیر سیمان از بتن، اتفاق میافتد. انقباض در بتن ممکن است در انواع افت پلاستیک، افت خودگیری، افت خشک شدگی و یا افت کربناسیون تقسیمبندی شود.

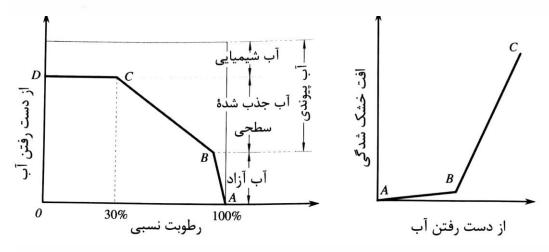
#### ۲-۱۶-۲ افت پلاستیک

افت پلاستیک بتن در حقیقت انقباضی است که در خمیر سیمان پلاستیک و در اثر تبخیر از سطح بتن و یا جذب آب توسط سطح بتن خشک شدهٔ زیرین، رخ می دهد. این افت در حدود ۱ درصد حجم سیمان خشک، انقباض ایجاد کرده و تنش کششی در سطح لایه ها ایجاد می کند. از آنجا که بتن در وضعیت پلاستیک کاملاً ضعیف است، این افت ممکن است به سهولت ترکهایی در سطح بتن قبل از سخت شدن ایجاد کند (بین ۱ تا ۸ ساعت پس از ریختن بتن). هر چه میزان سیمان در بتن بیش تر باشد، و یا مقدار حجمی دانه ها کم تر باشد، میزان افت پلاستیک بیش ترخواهد بود.

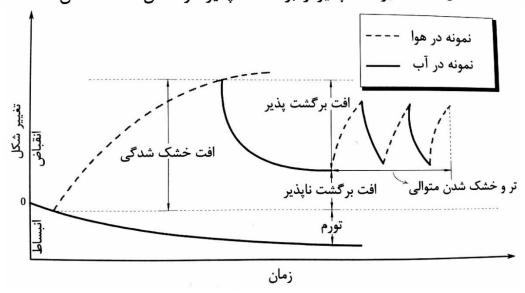
### ۲-۱۶-۲ افت خودگیری

افت خودگیری کی نوع خاصی از افت است که در آن جابجایی آب به داخل یا خارج بتن اتفاق نمی افتد؛ بلکه از دست رفتن آب با استفادهٔ آن در هیدراسیون سیمان رخ می دهد. این افت به سهولت از افت در بتن سخت شده تمیز داده نمی شود. مقدار افت خودگیری بسیار اندک بوده و کرنش آن در محدودهٔ  $3 \cdot 1 \times 10^{-1}$  تا  $3 \cdot 1 \times 10^{-1}$  است. لازم به ذکر است که اگر در دورهٔ هیدراسیون سیمان، بتن به طور مداوم در مجاورت آب قرار گیرد، نه تنها افت خودگیری در آن اتفاق نمی افتد؛ بلکه با نوعی انبساط در اثر جذب آب توسط ژل سیمان همراه خواهد بود که به آن تورم یا باد کردن گویند.

افت خشک شدگی آنقباضی است که در بتن سخت شده و در اثر خارج شدن آب جذب شده در ساختار خمیر سیمان، به دلیل قرار گرفتن بتن در محیط با رطوبت نسبی کمتر از ۱۰۰ درصد، اتفاق میافتد. تا زمانی که خمیر سیمان اشباع در رطوبت



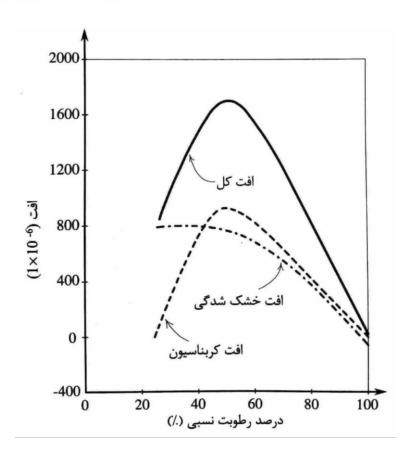
اگر بتنی که در معرض رطوبت نسبی کمتر از ۱۰۰ درصد قرار گرفته و با انقباض مواجه شده است، مجدداً در آب قرار داده شود، مقداری آب جذب کرده و تا حدودی انبساط مییابد؛ اما فقط قسمتی از انقباض جبران میشود. این قسمت از افت که قابل برگشت است، به افت برگشتپذیر یا جبرانپذیر شناخته میشود و بسته به شرایط موجود و سن بتن، ممکن است بین ۴۰ تا ۷۰ درصد از کل افت را شامل شود. در هر حال قسمتی از افت قابل جبران نیست که به افت برگشت ناپذیر شناخته میشود. تغییرات افت برگشتپذیر و برگشت ناپذیر در شکل ۲-۲۰ نشان داده شده



ترکیب دی اکسید کربن موجود در هوا با سیمان هیدراته نیز به انقباض بتن منجر میشود که این فرآیند افت کربناسیون نامیده میشود.  $CO_2$  موجود در هوا ممکن است در محدودهٔ 7/0 درصد حجمی در هوای مناطق روستایی، تا 7/0 درصد حجمی در هوای مناطق روستایی، تا 7/0 درصد حجمی در هوای شهرهای بزرگ متغیر باشد. دی اکسید کربن در حضور رطوبت تشکیل اسید کربنیک داده و این اسید با نفوذ در بتن، هیدروکسید کلسیم موجود در ترکیبات خمیر سیمان هیدراته را مطابق رابطهٔ (7-10)، به کربنات کلسیم تبدیل می کند.

$$H_2CO_3 + Ca(OH)_2 \rightarrow CaCO_3 + 2H_2O$$
 (19-Y)

فرآیند کربناسیون ممکن است انقباضی معادل افت خشک شدگی را در بتن ایجاد کند. با این وجود همانگونه که در شکل ۲-۲۱ نمایش داده شده است، افت کربناسیون در رطوبت نسبی کمتر از ۲۵ درصد و یا رطوبت نسبی ۱۰۰ درصد رخ نداده و بیشترین میزان افت کربناسیون، در رطوبت نسبی ۵۰ درصد روی میدهد. در



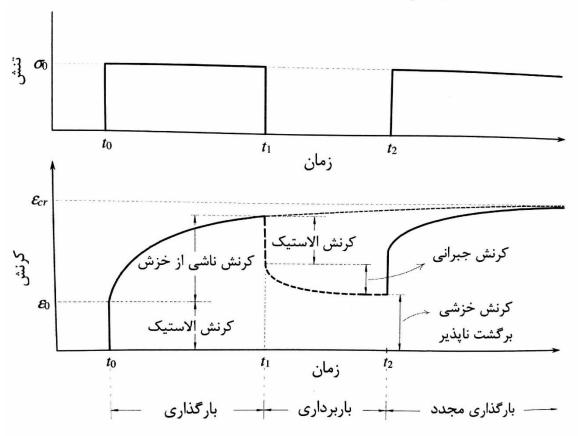
لازم به ذکر است که در فرآیند کربناسیون، با جا گرفتن کربنات کلسیم تولید شده در حفرهها و نیز کامل تر شدن احتمالی هیدراسیون سیمان به جهت مجاورت با آزاد شده، نفوذپذیری بتن کمی کاهش یافته و نیز مقاومت آن اندکی افزایش می یابد. با این وجود، فرایند کربناسیون محیط قلیایی خمیر سیمان را خنثی نموده و فولادها را با تهدید خوردگی مواجه می کند. اگر کربناسیون در تمام پوشش بتن روی میلگردها نفوذ کند و رطوبت و اکسیژن به سطح میلگردها برسد، خوردگی فولادها و ترکخوردگی متعاقب بتن را به دنبال خواهد داشت. در عمل عمق کربناسیون را می توان با به کارگیری محلول فنل فتالئین بر سطح بتن تازه شکسته اندازه گیری کرد. در این فرآیند، قسمتهایی از بتن که در آن کربناسیون اتفاق افتاده به صورت بی رنگ، و سایر قسمتها به رنگ صورتی در می آید.

### ۲-۱۷ خزش در بتن

تغییر شکل ماده تحت تنش ثابت در طول زمان را خزش یا وارفتگی گویند. خزش در بتن بسیاری مواد و از جمله در فولاد اتفاق میافتد؛ لکن تغییر شکل ناشی از خزش در بتن تحت تنش ثابت در طول زمان، کاملاً قابل توجه بوده و ممکن است تغییر شکل الاستیک اولیه را تا ۳ برابر افزایش دهد. شکل ۲-۲۲ کرنشهای ایجاد شده در اثر خزش در طول زمان در نمونهٔ بتنی را نشان میدهد.

همان گونه که از شکل T-T مشاهده می شود، چنانچه در زمان  $t_0$  تنش  $\sigma_0$  به نمونه وارد شود، بلافاصله کرنش الاستیک  $\varepsilon_0$  بر اساس قانون هوک در نمونه ایجاد می شود. آن گاه با گذشت زمان، رفته رفته کرنش در جسم افزایش می یابد که این کرنش اضافی ناشی از خزش است. چنانچه در زمان  $t_1$  تنش  $\sigma_0$  از روی نمونه برداشته شود، در همان زمان کرنش الاستیک  $\varepsilon_0$  در جهت عکس کرنش الاستیک اولیه به وقوع می پیوندد، و با گذشت زمان، کرنش ناشی از خزش به صورت معکوس عمل کرده و در جهت جبران کرنش ناشی از خزش در مرحلهای که نمونه تحت بار بوده است، بر می آید. با این وجود با گذشت زمان، فقط قسمتی از کرنش خزشی جبران شده و قسمتی از کرنش ناشی از خزش به صورت برگشت ناپذیر در نمونه ذخیره می شود.

حال اگر در زمان  $t_2$  مجدداً بر روی نمونه بارگذاری شود، مجدداً کرنش الاستیک اولیه و کرنش ناشی از خزش در طول زمان ایجاد می شود؛ به صورتی که اگر میزان تنش در بارگذاری مجدد با میزان تنش در بارگذاری اولیه مساوی باشد، نمودار تغییر شکل ناشی از خزش در بارگذاری مجدد با امتداد نمودار تغییر شکل ناشی از خزش در بارگذاری اولیه، مجانب خواهد شد.



شکل ۲-۲۲ کرنشهای ایجاد شده در اثر خزش در نمونهٔ بتنی در طول زمان تحت بارگذاری، باربرداری، و بارگذاری مجدد

دلیل اصلی پدیدهٔ خزش در بتن، خروج آب جذب شدهٔ سطحی از ساختار خمیر سیمان هیدراته در اثر اِعمال تنش ثابت است که در طول زمان صورت می گیرد. این مسأله در حقیقت دلیل اصلی وقوع پدیدهٔ انقباض نیز میباشد؛ با این تفاوت که در پدیدهٔ افت خشک شدگی در بتن، خروج آب جذب شدهٔ سطحی، به دلیل تفاوت رطوبت نسبی محیط با رطوبت بتن است، و نه به دلیل اِعمال تنش. البته برای وقوع پدیدهٔ خزش، دلایل دیگری همچون رفتار غیر خطی رابطهٔ تنش-کرنش بتن بهخصوص در سطح تنش بزرگتر از ۴۰ درصد مقاومت بتن، و نیز ایجاد کرنشهای الاستیک در دانهها که به صورت تأخیری و با گذشت زمان رخ میدهد، وجود دارد.